

Monte Carlo -simulaatiot hiukkastörmäyksille LHC:ssä

Lukioiden CERN-tiedeopetusverkoston syysseminaari

Ilkka Helenius

23.08.2019



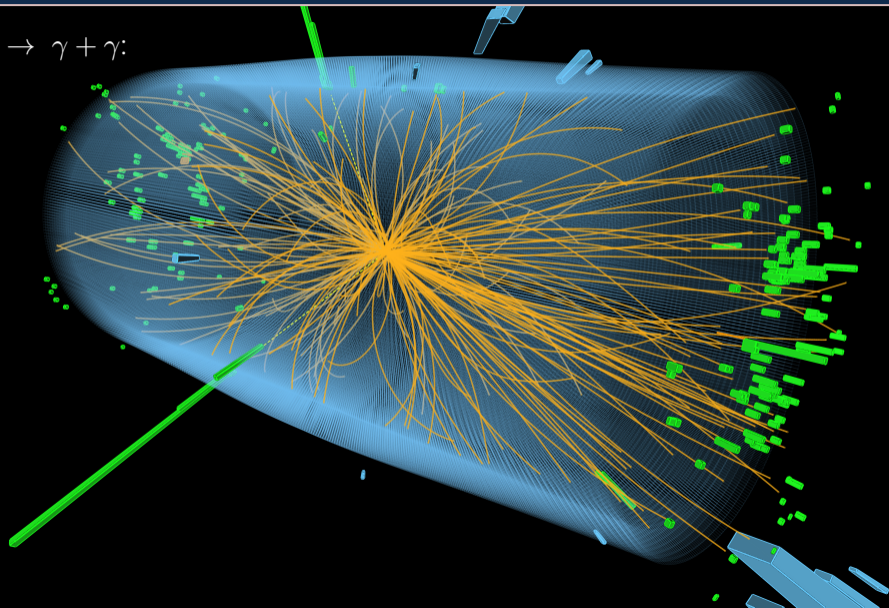
JYVÄSKYLÄN YLIOPISTO
UNIVERSITY OF JYVÄSKYLÄ



SUOMEN AKATEMIA

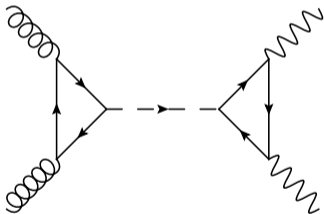
Kokeeliset mittaukset

Higgs $\rightarrow \gamma + \gamma$:



CMS

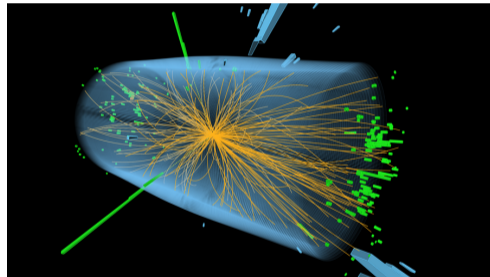
- Osataan laskea todennäköisyys sironnalle $g + g \rightarrow H \rightarrow \gamma + \gamma$



- Yhdessä hiukastörmäyksessä LHC:ssä voi syntyä satoja hiukkasia
 - Kuinka löytää kiinnostavat tapahtumat taustasta?
 - Kuinka tausta vaikuttaa kiinnostavien hiukkasten jakaumiin?
 - Millaisiksi ilmaisimet pitäisi suunnitella?

⇒ Monte Carlo -simulaatiot

1. Motivaatio Monte Carlo -simulaatioille
2. Monte Carlo -menetelmät
3. Vahva vuorovaikutus ja värivaraus
4. Protoni-protoni törmäykset ja niiden simulointi
5. Yhteenveto



Polkuni hiukkasfysiikoksi

- Cygnaeus-lukio (2000-2003)
 - Vierailu CERNiin 2003
- FM@JYFL 2005-2010
 - 2008 kesäharjoittelijana CERNissä (CMS-ryhmä)
 - Monte Carlo -simulaatiota Pythia 6 ohjelmalla
- FT@JYFL 2010-2014
 - Useita vierailuja CERNiin



- Lundissa 2014-2016
 - Pythia 8 kehittäjäksi
- Tübingenissä 2016-2018
- Jyväskylän yliopistossa 2018-

Polkuni hiukkasfysiikoksi

- Cygnaeus-lukio (2000-2003)
 - Vierailu CERNiin 2003
- FM@JYFL 2005-2010
 - 2008 kesäharjoittelijana CERNissä (CMS-ryhmä)
 - Monte Carlo -simulaatiota Pythia 6 ohjelmalla
- FT@JYFL 2010-2014
 - Useita vierailuja CERNiin



- Lundissa 2014-2016
 - Pythia 8 kehittäjäksi
- Tübingenissä 2016-2018
- Jyväskylän yliopistossa 2018-

Menetelmä

- Perustuu numeeriseen mallintamiseen hyödyntäen todennäköisyyslaskentaa
- Tuotetaan tunnettujen jakaumien mukaisia yksittäisiä tapahtumia (eventtejä) satunnaislukujen avulla

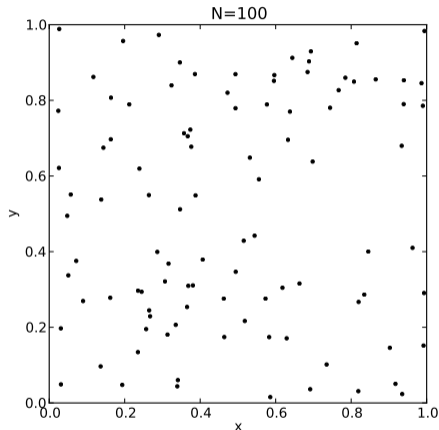
Hyödyllinen kun

- Jakaumat vaikeita käsitellä analyttisesti (kynä & paperi)
- Jakaumat monidimensioisia



Monte Carlo -algoritmi (Hit and miss)

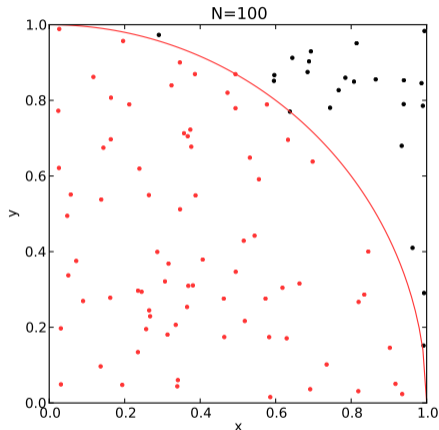
1. Arvotaan N kappaletta (x, y) satunnaislukupareja väliltä $[0,1[$



Esimerkki: Piin likiarvo

Monte Carlo -algoritmi (Hit and miss)

1. Arvotaan N kappaletta (x, y) satunnaislukupareja väliltä $[0,1[$
2. Lasketaan pisteet neljännesympyrän sisällä $x^2 + y^2 < 1$

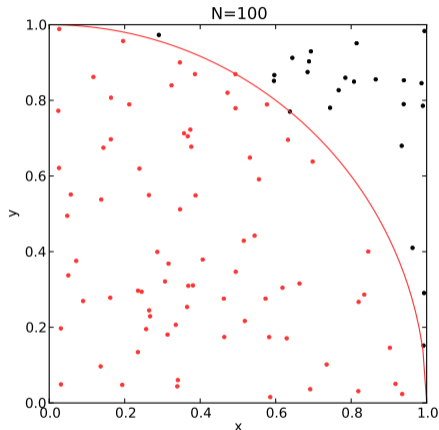


Esimerkki: Piin likiarvo

Monte Carlo -algoritmi (Hit and miss)

1. Arvotaan N kappaletta (x, y) satunnaislukupareja väliltä $[0,1[$
2. Lasketaan pisteet neljännesympyrän sisällä $x^2 + y^2 < 1$
3. Likiarvo = $4 * N_{\text{sisäpuolella}} / N_{\text{kaikki}}$

N	likiarvo	virhe
100	3.08	0.0616

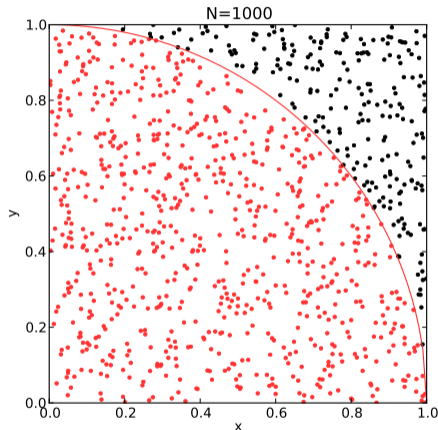


Esimerkki: Piin likiarvo

Monte Carlo -algoritmi (Hit and miss)

1. Arvotaan N kappaletta (x, y) satunnaislukupareja väliltä $[0,1[$
2. Lasketaan pisteet neljännesympyrän sisällä $x^2 + y^2 < 1$
3. Likiarvo = $4 * N_{\text{sisäpuolella}} / N_{\text{kaikki}}$

N	likiarvo	virhe
100	3.08	0.0616
1000	3.092	0.0496

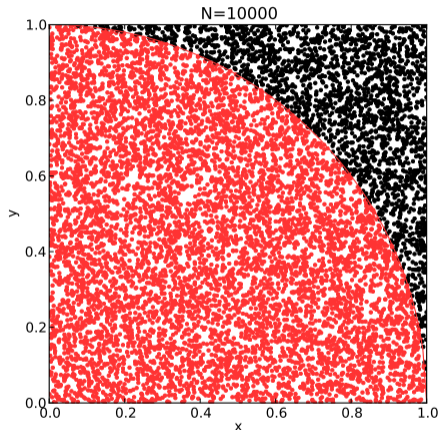


Esimerkki: Piin likiarvo

Monte Carlo -algoritmi (Hit and miss)

1. Arvotaan N kappaletta (x, y) satunnaislukupareja väliltä $[0,1[$
2. Lasketaan pisteet neljännesympyrän sisällä $x^2 + y^2 < 1$
3. Likiarvo = $4 * N_{\text{sisäpuolella}} / N_{\text{kaikki}}$

N	likiarvo	virhe
100	3.08	0.0616
1000	3.092	0.0496
10000	3.118	0.0236

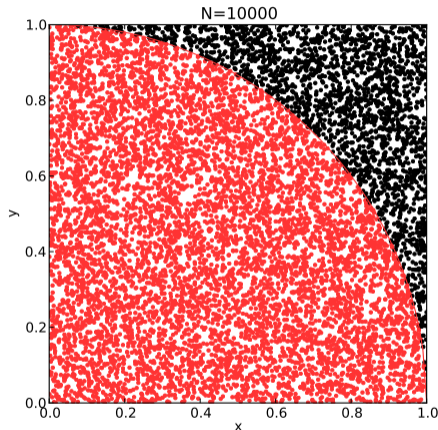


Esimerkki: Piin likiarvo

Monte Carlo -algoritmi (Hit and miss)

1. Arvotaan N kappaletta (x, y) satunnaislukupareja väliltä $[0,1[$
2. Lasketaan pisteet neljännesympyrän sisällä $x^2 + y^2 < 1$
3. Likiarvo = $4 * N_{\text{sisäpuolella}} / N_{\text{kaikki}}$

N	likiarvo	virhe
100	3.08	0.0616
1000	3.092	0.0496
10000	3.118	0.0236
100000	3.14752	0.00593

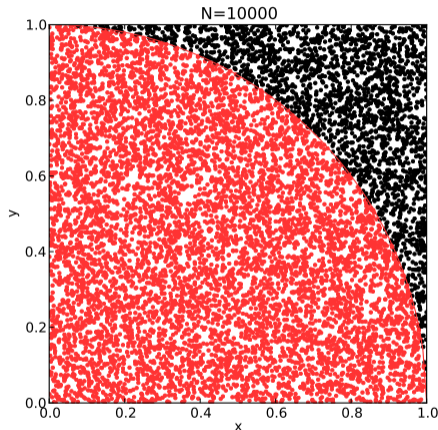


Esimerkki: Piin likiarvo

Monte Carlo -algoritmi (Hit and miss)

1. Arvotaan N kappaletta (x, y) satunnaislukupareja väliltä $[0,1[$
2. Lasketaan pisteet neljännesympyrän sisällä $x^2 + y^2 < 1$
3. Likiarvo = $4 * N_{\text{sisäpuolella}} / N_{\text{kaikki}}$

N	likiarvo	virhe
100	3.08	0.0616
1000	3.092	0.0496
10000	3.118	0.0236
100000	3.14752	0.00593
1000000	3.14208	0.000487



Analyyttinen ratkaisu

- Olkoon $f(x)$ 1-ulotteinen todennäköisyysjakauma
- Kun $x_{\min} < x < x_{\max}$ on olemassa $0 < R < 1$ siten, että

$$\int_{x_{\min}}^x f(x') dx' = R \int_{x_{\min}}^{x_{\max}} f(x') dx'$$

- Jos f :n integraali $F(x)$ tunnettu ja sillä käänteisfunktio $F^{-1}(x)$

$$x = F^{-1}(F(x_{\min}) + R(F(x_{\max}) - F(x_{\min})))$$

missä R satunnaisluku $[0, 1[$

Yleinen menetelmä

Analyttinen ratkaisu

- Olkoon $f(x)$ 1-ulotteinen todennäköisyysjakauma
- Kun $x_{\min} < x < x_{\max}$ on olemassa $0 < R < 1$ siten, että

$$\int_{x_{\min}}^x f(x') dx' = R \int_{x_{\min}}^{x_{\max}} f(x') dx'$$

- Jos f :n integraali $F(x)$ tunnettu ja sillä käänteisfunktio $F^{-1}(x)$

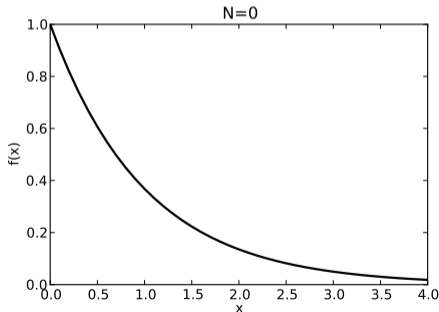
$$x = F^{-1}(F(x_{\min}) + R(F(x_{\max}) - F(x_{\min})))$$

missä R satunnaisluku $[0, 1[$

Esimerkki: $f(x) = e^{-x}$, $0 < x < \infty$

- $F(x) = 1 - e^{-x}$
- $F^{-1}(x) = -\log(1 - x)$

$$\Rightarrow x = -\log(R)$$



Yleinen menetelmä

Analyttinen ratkaisu

- Olkoon $f(x)$ 1-ulotteinen todennäköisyysjakauma
- Kun $x_{\min} < x < x_{\max}$ on olemassa $0 < R < 1$ siten, että

$$\int_{x_{\min}}^x f(x') dx' = R \int_{x_{\min}}^{x_{\max}} f(x') dx'$$

- Jos f :n integraali $F(x)$ tunnettu ja sillä käänteisfunktio $F^{-1}(x)$

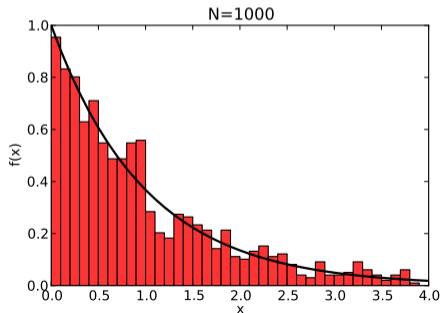
$$x = F^{-1}(F(x_{\min}) + R(F(x_{\max}) - F(x_{\min})))$$

missä R satunnaisluku $[0, 1[$

Esimerkki: $f(x) = e^{-x}$, $0 < x < \infty$

- $F(x) = 1 - e^{-x}$
- $F^{-1}(x) = -\log(1 - x)$

$$\Rightarrow x = -\log(R)$$



Yleinen menetelmä

Analyttinen ratkaisu

- Olkoon $f(x)$ 1-ulotteinen todennäköisyysjakauma
- Kun $x_{\min} < x < x_{\max}$ on olemassa $0 < R < 1$ siten, että

$$\int_{x_{\min}}^x f(x') dx' = R \int_{x_{\min}}^{x_{\max}} f(x') dx'$$

- Jos f :n integraali $F(x)$ tunnettu ja sillä käänteisfunktio $F^{-1}(x)$

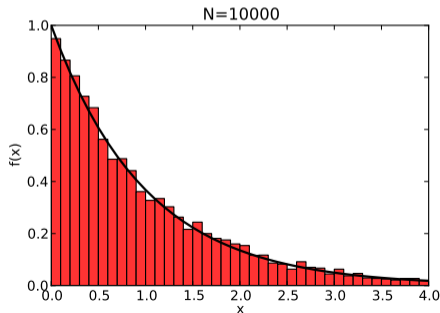
$$x = F^{-1}(F(x_{\min}) + R(F(x_{\max}) - F(x_{\min})))$$

missä R satunnaisluku $[0, 1[$

Esimerkki: $f(x) = e^{-x}$, $0 < x < \infty$

- $F(x) = 1 - e^{-x}$
- $F^{-1}(x) = -\log(1 - x)$

$$\Rightarrow x = -\log(R)$$



Yleinen menetelmä

Analyttinen ratkaisu

- Olkoon $f(x)$ 1-ulotteinen todennäköisyysjakauma
- Kun $x_{\min} < x < x_{\max}$ on olemassa $0 < R < 1$ siten, että

$$\int_{x_{\min}}^x f(x') dx' = R \int_{x_{\min}}^{x_{\max}} f(x') dx'$$

- Jos f :n integraali $F(x)$ tunnettu ja sillä käänteisfunktio $F^{-1}(x)$

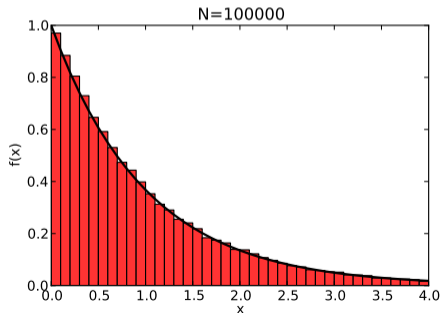
$$x = F^{-1}(F(x_{\min}) + R(F(x_{\max}) - F(x_{\min})))$$

missä R satunnaisluku $[0, 1[$

Esimerkki: $f(x) = e^{-x}$, $0 < x < \infty$

- $F(x) = 1 - e^{-x}$
- $F^{-1}(x) = -\log(1 - x)$

$$\Rightarrow x = -\log(R)$$



Large Hadron Collider (LHC), Suuri hadronitörmäytin

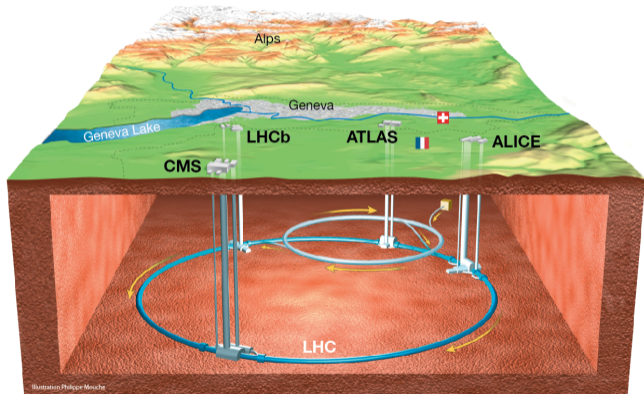
Hadronit

- Kvarkeista ja gluoneista muodostuva sidottu tila
- Ei alkeishiukkasia (toisin kuin esim. elektronit)

LHC

- Suurin hiukkaskiihdytin tähän mennessä
- Kykenee törmäyttämään protonien lisäksi myös raskaita ytimiä
- Neljä ilmaisinkoetta

[Kuva: CERN]



Kvanttiväridynamiikka (=Vahva vuorovaikutus)

Miksi LHC:n törmäyksissä syntyy paljon hiukkasia?

- LHC:ssä suuri törmäysenergia mahdollistaa uusien hiukkasten synnyn
- Koska kvarkkien ja gluonien välinen vuorovaikutus on vahva

Kvanttiväridynamiikka

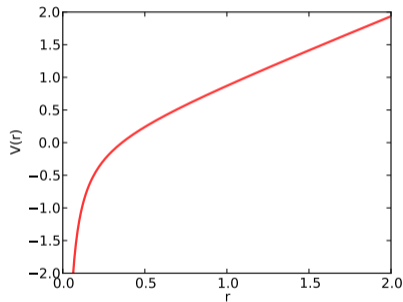
- Kuvaa kvarkkien ja gluonien (partonien) välisiä vuorovaikutuksia
- Vahvoin tunnetuista perusvuorovaikutuksista, kymmeniä kertoja sähköistä vuorovaikutusta vahvempi

massa →	≈2.3 MeV/c ²	≈1.275 GeV/c ²	≈173.07 GeV/c ²	0	≈126 GeV/c ²
varaus →	2/3	2/3	2/3	0	0
spin →	1/2	1/2	1/2	1	0
	u ylös	c lumo	t huippu	g gluoni	H Higgsin bosoani
KVARKKIT	≈4.8 MeV/c ²	≈95 MeV/c ²	≈4.18 GeV/c ²	0	
	-1/3	-1/3	-1/3	0	
	1/2	1/2	1/2	1	
	d alas	s outo	b pohja	γ fotoni	
LEPTONIT	0.511 MeV/c ²	105.7 MeV/c ²	1.777 GeV/c ²	91.2 GeV/c ²	
	-1	-1	-1	0	
	1/2	1/2	1/2	1	
	e elektroni	μ myoni	τ tau	Z Z-bosoani	
	<2.2 eV/c ²	<0.17 MeV/c ²	<15.5 MeV/c ²	80.4 GeV/c ²	
	0	0	0	±1	
	1/2	1/2	1/2	1	
	ν_e elektronin neutriino	ν_μ myonin neutriino	ν_τ taun neutriino	W W-bosoani	
					MITTABOSONIT

Värivaraus

- Kvarkeilla "värivaraus", kolme väriä (r, g, b) ja antivärit ($\bar{r}, \bar{g}, \bar{b}$)
- Analoginen sähkövarauksen kanssa missä vain + ja -
- Värivoiman aiheuttama potentiaali kasvaa etäisyyden funktiona
 - ⇒ Etäisyyden kasvaessa syntyy uusia kvarkki-antikvarkki -pareja
 - ⇒ Suoraan havaittavat (pitkäikäiset) hadronit aina värineutraaleja
 - ⇒ Värivoima vaikuttaa vain hyvin lyhyillä etäisyyksillä




Kahden kvarkin välinen potentiaali:



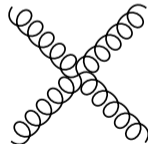
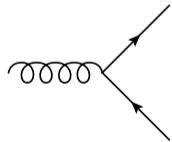
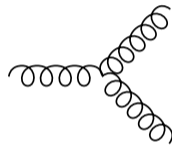
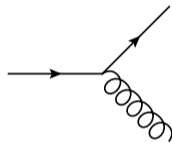
Gluonit

- Myös gluoneilla väri varaus (fotoneilla ei sähkövarausta)
 - ⇒ Gluonit voivat vuorovaikuttaa toisten gluonien kanssa
 - ⇒ Gluoneja syntyy törmäyksissä paljon
- ⇒ Tarkat teoreettiset laskut vaikeaita

Diagrammit

- Kvarkki (q): 
- Antikvarkki (\bar{q}): 
- Gluoni (g): 

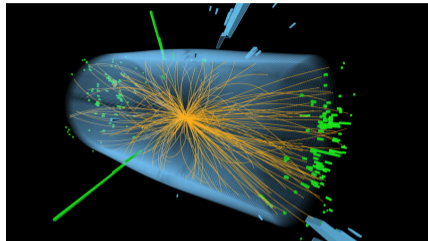
Mahdolliset vuorovaikutukset



Protoni-protoni törmäykset LHC:ssä

Protonit koostuu partoneista

- Sirontaprosessit partonien välillä
- Vahva vuorovaikutus vaikuttaa kaikkiin sirontaprosesseihin LHC:ssä, myös $\text{Higgs} \rightarrow \gamma + \gamma$



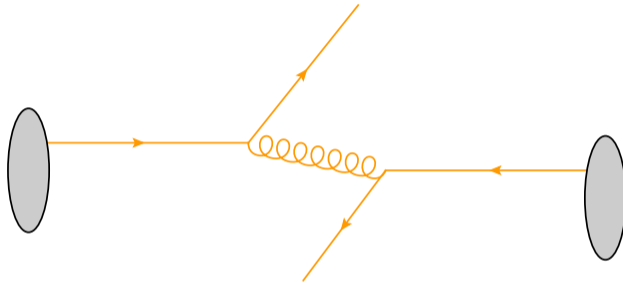
Ongelma: Pystytään laskemaan vain muutaman hiukkasen lopputilan sirontoja

Ratkaisu: Hajota ja hallitse

- Jaotellaan sirontaprosessi eri energiaskaaloilla tapahtuviin osa-alueisiin
- Simuloidaan eri osa-alueet riippumattomasti
- Mallinnetaan ne osa-alueet mitä ei pystytä laskemaan suoraan teoriasta

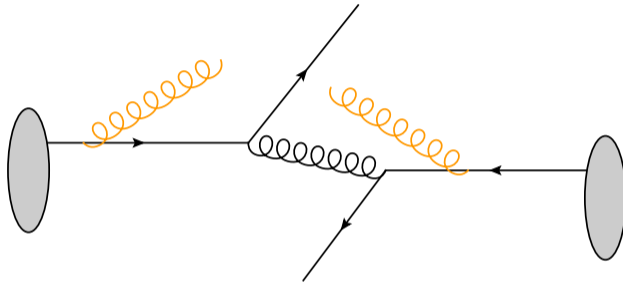
⇒ Monte Carlo -simulaatiot

Protoni-protoni törmäyksen simulointi



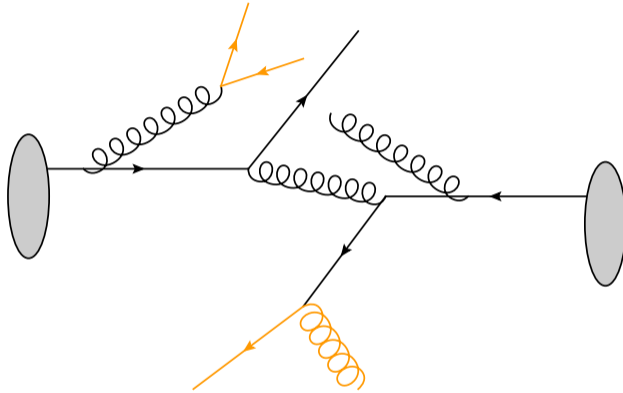
- Arvotaan kiinnostava prosessi
 - Esim. Higgs $\rightarrow \gamma + \gamma$
(kuvassa $q + q \rightarrow q + q$)

Protoni-protoni törmäyksen simulointi



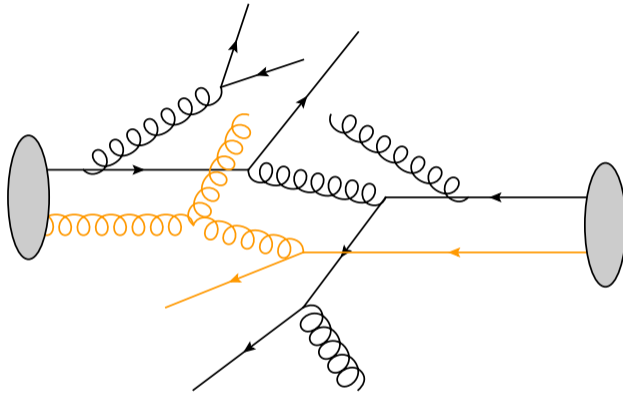
- Muodostetaan alkutilan partonien säteilemät hiukkaset

Protoni-protoni törmäyksen simulointi



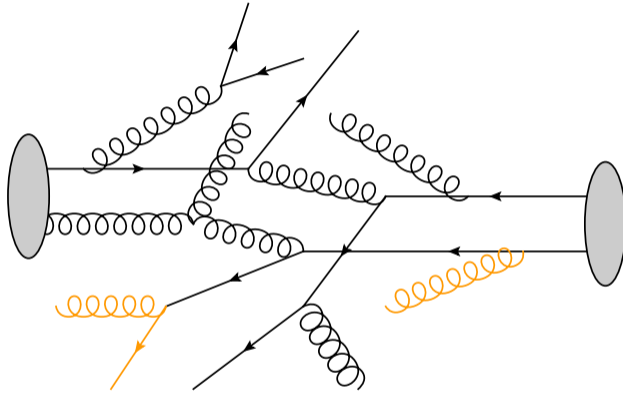
- Muodostetaan lopputilan partonien säteilemät hiukkaset
 - Sisältäen myös alkutilan partonien emissiot

Protoni-protoni törmäyksen simulointi



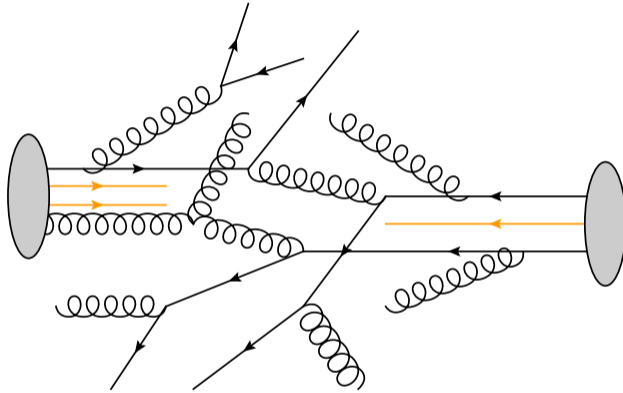
- Samassa eventissä voi olla useita partonisia vuorovaikutuksia

Protoni-protoni törmäyksen simulointi



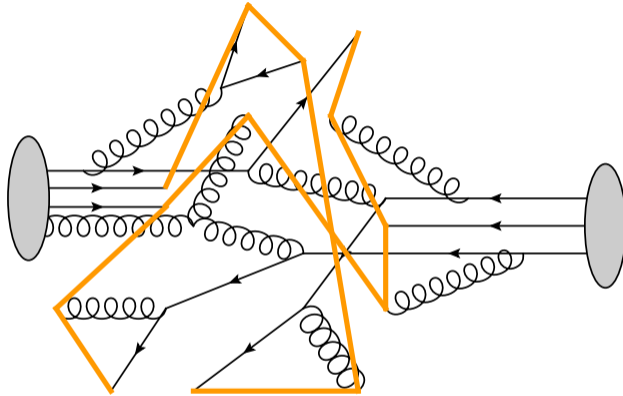
- Samassa eventissä voi olla useita partonisia vuorovaikutuksia
 - Myös emissiot näistä partoneista täytyy huomioida

Protoni-protoni törmäyksen simulointi



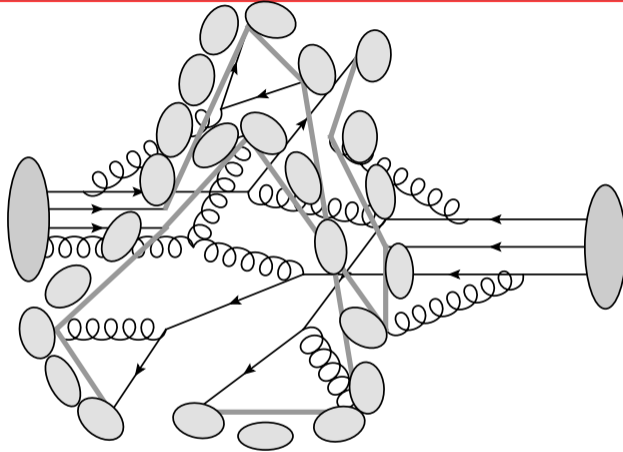
- Lisätään protonin partonit mitkä eivät ole vuorovaikuttaneet säilyttäen
 - Värivaraus
 - Liikemäärä

Protoni-protoni törmäyksen simulointi



- Yhdistetään partonit väri neutraaleiksi säikeiksi

Protoni-protoni törmäyksen simulointi



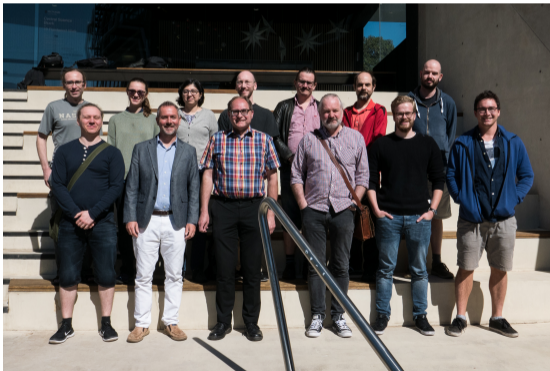
- Säikeet pirstaloituvat värineutraaleiksi hadroneiksi
- Lyhytikäiset hadronit hajoavat stabiileiksi hiukkasiksi jotka havaitaan hiukkasilmaisimissa

Pythia simulointiohjelmisto

- Yleisimmin käytetty ohjelmistopaketti LHC-törmäysten simulointiin
- Noin kymmenen hengen kansainvälinen kehittäjätiimi, jäseniä Euroopassa, Pohjois-Amerikassa, Intiassa ja Australiassa

Ohjemisto

- Koodattu C++ kielellä
- Noin 150 000 riviä koodia
- Avoin lähdekoodi, kaikkien saatavissa
- > 100 erilaista mahdollista prosessia
- Uusin version 8.243



Pythia simulointiohjelmisto

- Yleisimmin käytetty ohjelmistopaketti LHC-törmäysten simulointiin
- Noin kymmenen hengen kansainvälinen kehittäjätiimi, jäseniä Euroopassa, Pohjois-Amerikassa, Intiassa ja Australiassa

Ohjemisto

- Koodattu C++ kielellä
- Noin 150 000 riviä koodia
- Avoin lähdekoodi, kaikkien saatavissa
- > 100 erilaista mahdollista prosessia
- Uusin version 8.243



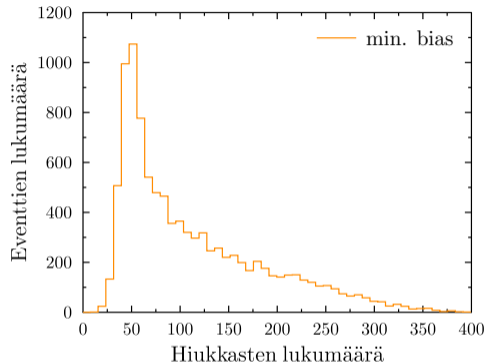
Esimerkki I: Varattujen hiukkasten lukumäärä

Pythia-pääohjelma:

```
#include "Pythia8/Pythia.h"
using namespace Pythia8;

int main() {
    // Generator. Process selection. LHC initialization. Histogram.
    Pythia pythia;
    pythia.readString("Beams:eCM = 13000.");
    pythia.readString("SoftQCD:nonDiffractive = on");
    //pythia.readString("HiggsSM:all = on");
    pythia.init();
    Hist mult("charged multiplicity", 50, -0.5, 399.5);

    int nEvent = 10000;
    // Begin event loop. Generate event. Skip if error. List first one.
    for (int iEvent = 0; iEvent < nEvent; ++iEvent) {
        if (!pythia.next()) continue;
        // Find number of all final charged particles and fill histogram.
        int nCharged = 0;
        for (int i = 0; i < pythia.event.size(); ++i)
            if (pythia.event[i].isFinal() && pythia.event[i].isCharged())
                ++nCharged;
        mult.fill( nCharged );
    }
    // End of event loop. Statistics. Histogram. Done.
    pythia.stat();
    mult.table("plots/chargedMB.dat");
    return 0;
}
```



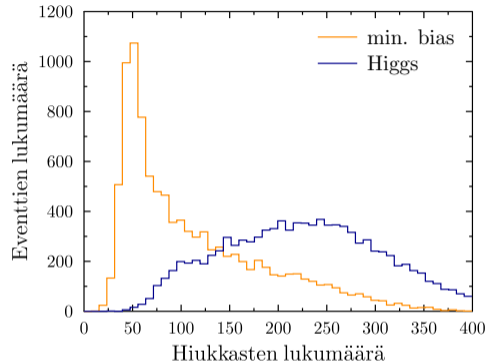
Esimerkki I: Varattujen hiukkasten lukumäärä

Pythia-pääohjelma:

```
#include "Pythia8/Pythia.h"
using namespace Pythia8;

int main() {
    // Generator. Process selection. LHC initialization. Histogram.
    Pythia pythia;
    pythia.readString("Beams:eCM = 13000.");
    //pythia.readString("SoftQCD:nonDiffractive = on");
    pythia.readString("HiggsSM:all = on");
    pythia.init();
    Hist mult("charged multiplicity", 50, -0.5, 399.5);

    int nEvent = 10000;
    // Begin event loop. Generate event. Skip if error. List first one.
    for (int iEvent = 0; iEvent < nEvent; ++iEvent) {
        if (!pythia.next()) continue;
        // Find number of all final charged particles and fill histogram.
        int nCharged = 0;
        for (int i = 0; i < pythia.event.size(); ++i)
            if (pythia.event[i].isFinal() && pythia.event[i].isCharged())
                ++nCharged;
        mult.fill( nCharged );
    }
    // End of event loop. Statistics. Histogram. Done.
    pythia.stat();
    mult.table("plots/chargedHiggs.dat");
    return 0;
}
```

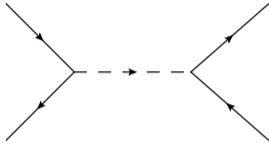


- Enemmän varattuja hiukkasia kun tuotetaan Higgsin bosoni kuin keskimääräisissä törmäyksissä (min. bias)

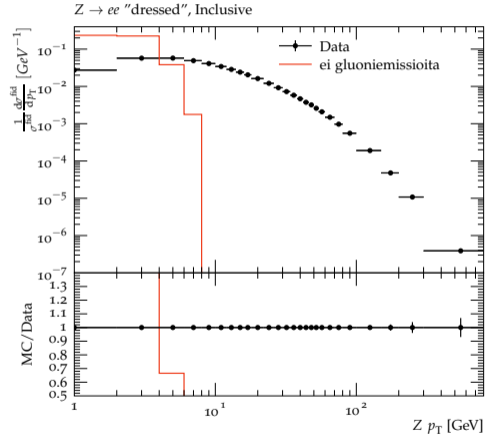
Esimerkki II: Z-bosonin poikittaisliikemäärä

Tarkastellaan prosessia:

$$q + q \rightarrow Z \rightarrow e^+ e^-$$



- Alkutilan kvarkeilla ei poikittaisliikemäärää
⇒ Z-bosonin poikittaisliikemäärä ≈ 0

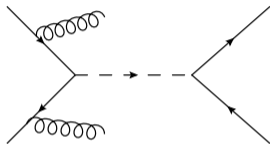


[Data: ATLAS, JHEP 1409 (2014) 112]

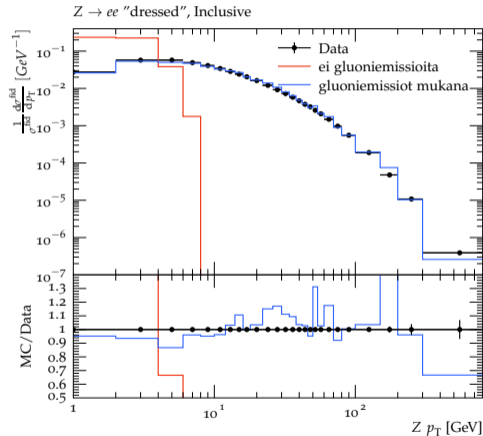
Esimerkki II: Z-bosonin poikittaisliikemäärä

Tarkastellaan prosessia:

$$q + q \rightarrow Z \rightarrow e^+ e^-$$



- Alkutilan kvarkeilla ei poikittaisliikemäärää
⇒ Z-bosonin poikittaisliikemäärä ≈ 0
- Alkutilan kvarkki säteilee gluonin
⇒ Z-bosonin poikittaisliikemäärä > 0
- Hyvä yhteensopivuus datan kanssa



[Data: ATLAS, JHEP 1409 (2014) 112]

Hiukastörmäykset LHC:ssä

- Tuottaa satoja hiukkasia
 - Koska vuorovaikutus on vahva
 - Koska törmäysenergia on suuri

Törmäyksiä voidaan simuloida

Monte Carlo -menetelmillä

- Erotellaan törmäystapahtumien vaiheet eri osa-alueisiin
 - Pystytään simuloimaan yksittäisiä törmäyksiä
- ⇒ Mahdollistaa suoran vertailun kokeellisten havaintojen kanssa

